

Subject :

Year .

Month .

Date .

1

© پردازش رقمی تصاویر :

* اوقات

- مناهیم اولیه و اساسی پردازش تصاویر
- آشنایی با کاربردهای تصاویر

* مرجع

- Digital Image Processing : R.C. Gonzalez → کاربرد
- Fundamental of Digital Image Processing : A.K. Jane → تصاویر
- Digital Image Processing : G.X. Pratt → ریاضی

* ارزیابی

- آزمونها ← 65 - 70%
- تمرینات ← 15 - 20%
- پروژه بنیادی ← 15%

* استاد

دکتر مهدی رکنی

* آموزش

• آموزش عملی

۰۹۱۲ - ۲۱۲ ۹۴۰۴

kourosh.meshgi@gmail.com

• ایمیل دوم ۱۳۸۷ - ۸

Subject :

Year . Month . Date . ()

* المیزه پردازش تقادیر

- بهبود کیفیت تقادیر
- امنیت و محافظت خودی
- ذخیره سازی و ارسال بینه
- غایب و چاپ کردن
- استخراج اطلاعات

* المیزه پردازش دمی

- دقت
- سهولت
- ذخیره سازی

* مباحث پردازش تقادیر از چارچوب طاق

- Image Acquisition
 - Image Generation
 - Image Perception
 - Image Display
-

Subject:

Year. Month. Date. 2

* تقریر

• تابع درجہ اولی $F(x, y)$

• محفیت: α

• مقدار شدت نور: F

Intensity

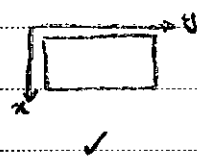
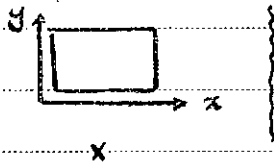
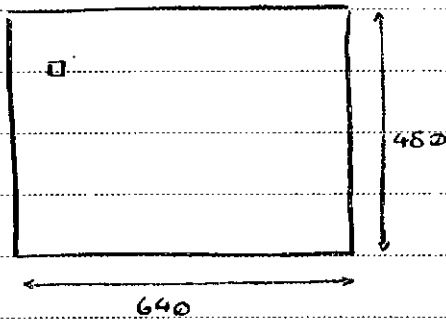
Color Spectrum

چاندی
رنگی

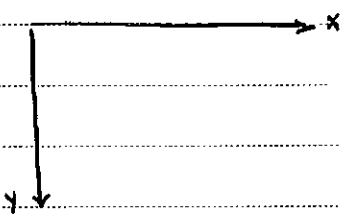
• درجه محفیتی

640 x 480

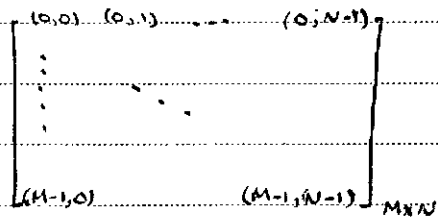
(ستون x سط)



• در این ملاءس



$\Rightarrow F(x, y)$



Subject:

Year:

Month:

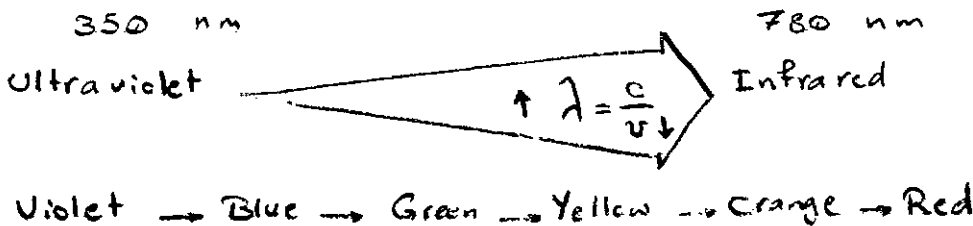
Date:

- * تصویر
- بازتاب ندر از یک جسم
 - منبع ندرانی ← منبع انرژی الکترومغناطیسی
 - پهنای یک طول موج
 - می تواند ندر را از تاب کند
 - پهنای بسته به جنس
 - جذب شدن
 - انعکاس کامل
 - بازتاب جزئی

$E(x, y, z, \lambda) \rightarrow$ ندر منبع نوری در این جسم، طول موج
 $r(x, y, z, \lambda) \rightarrow$ بازتاب نقطه (x, y, z) نسبت به طول موج λ
 $C(x, y, z, \lambda) \rightarrow$ ندر گرفته شده از نقطه (x, y, z) توسط دستگاه

$$C = E \times r$$

• خازن ندر مرئی



دیدن در شب ← دیدن در شب
 دیدن راداری ← infrared دیدن باند
 دیدن راداری ← radio دیدن باند

جذب طیف در هر تصویر ← Multi Spectral ماهواره
 بیش از ۲۰۰ بازه طیف ← Hyper-spectral ماهواره

Subject: _____

Year: _____ Month: _____

Date: _____ 3

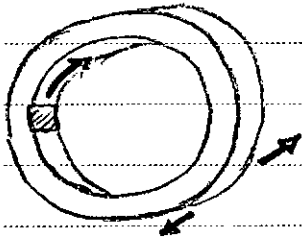
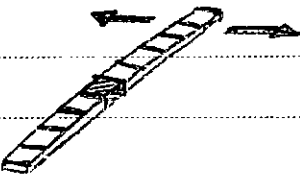
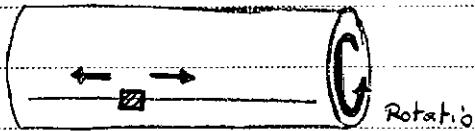
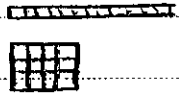
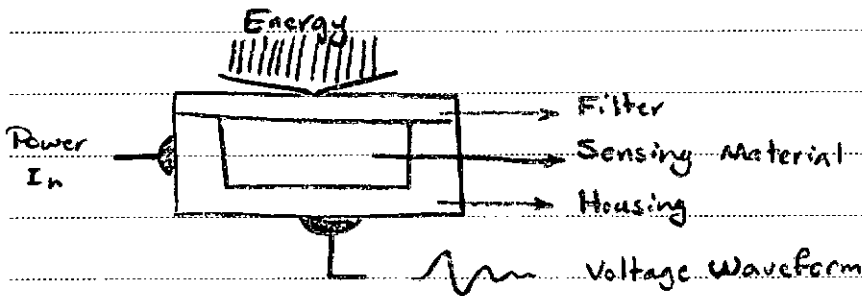
* منبع نور

Radiance •

Luminance •

Brightness •

* سنسور لیدر برداری
element



چرخش

آباز خطی

مانتریس برداری

ردی سنسور میدان

خطوط صاف کشیده

دوران در سطح

(در برعکس آن در برداری است X)

Subject:

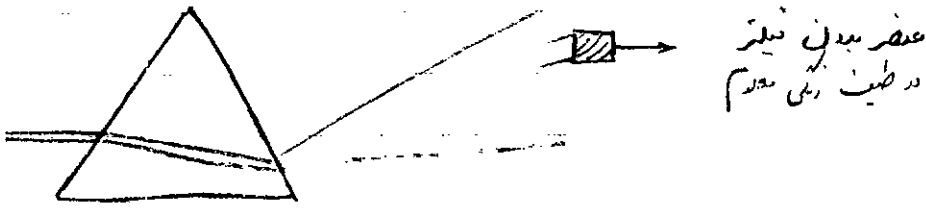
Year:

Month:

Date:

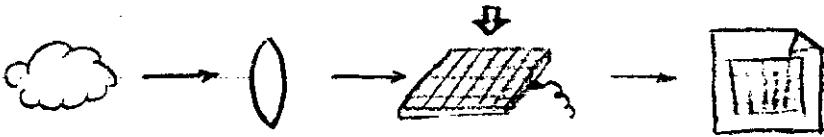
()

• روش ماهواره ؟ (فیلتر ← مشرق)



* اخذ تصویر

World → Camera → Digitizer → Digital Img.



$I(x,y) = \{0,1\}$

$I(x,y) = [0 : 255]$

$I(x,y) = RGB$

• انواع تصویر
در دنیای
مختصاتی نام
دنی

* ساختار چشم انسان

• شبیه دیدن ← شاتر عدسی
مردک عدسی
منظر تصویر
شکلیه

• لکه زرد (Fovea)
محل تشکیل تصویر
پرواز گیرنده ؟

• گیرنده ← خوردگی → حساس به رنگ → بردار کم منفی به یک عصب

استخوان → دیون نورزیات
۷ تا ۷ میلیون

۷۵ تا ۱۵۰ میلیون → هر عصبی منفی به عصب

• فاصله کانونی ۱۴، ۱۷ ملیمتر

• چشم قابلیت انقباض با روشنایی دارد.

• قابلیت تولید تغییرات شدن بصری

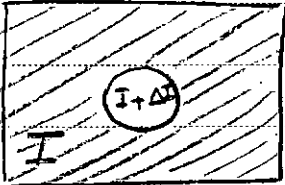
- آزمایش: یک صفحه روشن می به اندازه I

یک نقطه روشنتر به اندازه ΔI

$\Delta I / I$

نسبت Weber

اعداد درجه اول - حساسیت بیشتر



• در پس زمینه تاریک، باریک ΔI بیشتر باشد تا در تشخیص داده شده.

• در پس زمینه روشن، ΔI گزافانی است.

- نورپردی زمینه روشن معلوم تر است

• پدیده ماک (Mach Band Effect)

- تغییرات ناگهانی در شدت نور

- محدودیت بیانی در تشخیص مرز اشیا

overshoot

undershoot

• تأخیر زمانی - تضاد رنگی
- وابستگی تشخیص رنگ به تضاد رنگی

• ترجمه ری لهری

- دیدن اشیا

- اشتباه کردن اندازه؟

- مزایای نوران خنکهای مروری

- چرخش تصویر ثابت

- * از جمله سازی تقدیر
- اندازه ← طول عرض تقدیر ← تعداد پیکسل
- کیفیت ← نمونه گیری
- حجم ← اندازه \times کیفیت

* دقت خالصی نام

- ۸ بیت برای بازبینی \rightarrow ۲۵۶ سطح
 - دو چله بن تغییر قابل ملاحظه در سطح خالصی
- Radiometric Resolution

* دقت

- Radiometry ← تغییر رنگ قابل ملاحظه
- Spatial ← تغییر مکان قابل ملاحظه
- Spectral ← تغییر طیفی قابل ملاحظه

* پدیده Aliasing

- تکرار طیف می فرکانس بسیار نزدیک باشد \rightarrow در تبدیل فرود
- برای رفع آن فرخ نمونه برداری باید افزایش یابد.

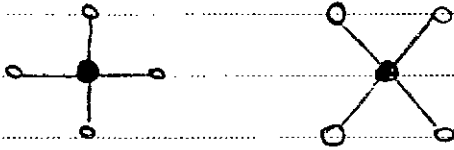
Subject :

Year : Month :

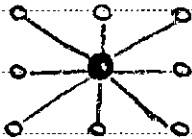
Date : 5

* همبستگی پیکه (= ارتباط دهنه)

N_4 .



N_8 .



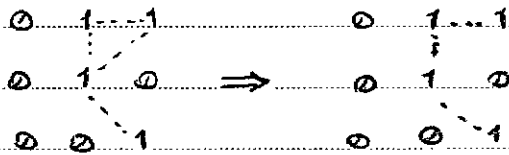
• رابطه در طرزه :

$$P \in N_{4,8}(Q) \iff Q \in N_{4,8}(P)$$

• بحث m -connectivity : اگر در پیکه از یک طریق بهم مرتبط باشند ارتباط

N_8 m -connectivity

• تاثیر حذف می شود .



Neighbor

Similar (یعنی دارای وزن یکبار)

Adjacency .

• $Path(P, Q)$: رشته ای شب که بین P و Q قرار داشته باشد

4 path
8 path
m path

adjacent
شب
دارای طول n

* در رابطه پیکه

• $connectivity$ = بدایشن

Connected Component .

• $region$: منطقه متصل = u نقطه ای متصل بهم

• $Connected set$ = دارای یک منطقه متصل

Subject :

Year .

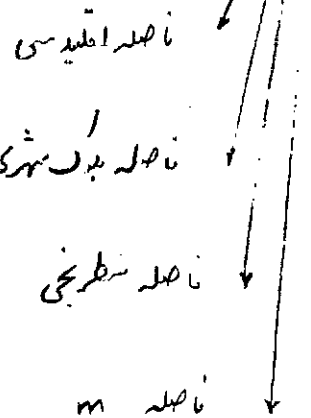
Month .

Date .

()

• Boundary ← مجموعه پیکله‌های که حداقل یک همسایه خارج از مجموعه دارد
 با Edge (لبه) یکسان نیست.

• Distance ← حداقل
 شیب بودن
 تعداد
 ناسازی شلی



$$D_e = \sqrt{(\Delta x)^2 + (\Delta y)^2}$$

$$D_d = |\Delta x| + |\Delta y|$$

$$D_B = \max(|\Delta x|, |\Delta y|)$$

- دالته پیکره ای پیکله‌های میز
- کوتاهترین m-path بین دو پیکله
- دالته همسایه‌های پیکله‌های میز

D_m

شکل فاصله

$$D_e: \text{circle}$$

$$D_d: \text{diamond}$$

$$D_B: \text{square}$$

* عملیات پیکله‌ای

$$A + B = \sum \sum a_{ij} + b_{ij}$$

(element-wise) جمع

$$A / B = \sum \sum a_{ij} \div b_{ij}$$

(element-wise) تقسیم

Subject:

Year:

Month:

Date:

(6)

محلہ

$$V^* = A \cdot V \rightarrow A_{4,4} \rightarrow V^* = R_0(S(T \cdot V))$$

$$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Subject:

Year:

Month:

Date:

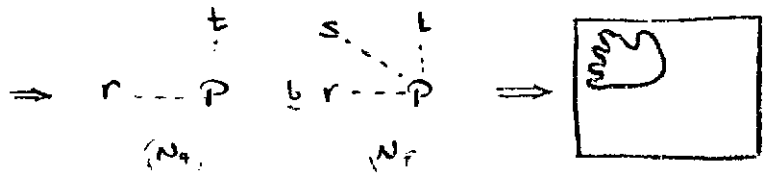
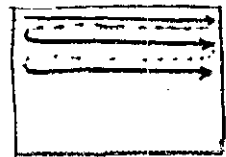
()

* الگوریتم برای کردن مولفه یکپارچه

- ۱- از بالا و سمت چپ شروع کرده و خط به خط جلو می آید.
- ۲- به نقطه P و شماره t و r چپ و بالایی آن می رسمیم. (r, t)
- ۳- اگر $P=0$ از آن عبور می کند.
- ۴- اگر $P=1$ با بند.

- $r = t = 0 \rightarrow$ new label for P
- $r \oplus t = 1 \rightarrow$ assign label P
- $r = t = 1 \rightarrow$ assign label to P if same
- $r = t = 1 \rightarrow$ assign random label of r or t to P

۵- در مرحله دوم بر حسب بالایی می بندد.



* عملیات روی بلیک

- $P+q, P-q, P \times q, P \div q$
- $P \circ q, P \oplus q$

- ریاضی
- منطقی
- ماسک

در یک پنجره انجام می شود.
 عملیات به کمک سبب
 Convolution

* عملیات هندسی روی تصویر

- Translation
- Scaling
- Rotation
- Inverse Transformation, Concatination

Subject: _____

Year: _____ Month: _____

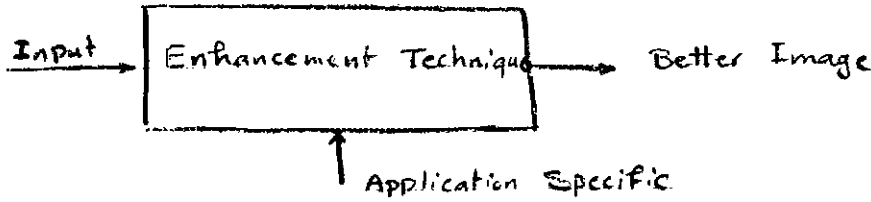
Date: _____



Image Enhancement In Spatial Domain



* بزرگ و زیاده



Enhancement *

Spatial Domain •
 Frequency Domain •

مستقیماً روی یک پیکسل
 مستقیماً روی یک همبستگی از پیکسلها

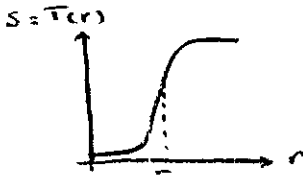
* مختبر بدون تصویر

- موضوع Subjective ← خبر بدون بر اساس نظر تعدادی بیننده
- برای کاربرد Preprocess ← مختبر بدون بر اساس ارتقا Recognition
- Quality Measurement ← شاخص جدید تشخیصی

* در واقع Enhancement تابعی است که روی یک همبستگی از تصویر عمل می کند.

• یک نقطه ← تابع یک متغیره

Contrast Stretching



• همبستگی ← یک تابع نسبت به همبستگی

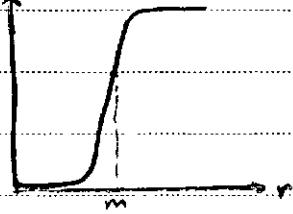
Subject:

Year: Month: Date: 8

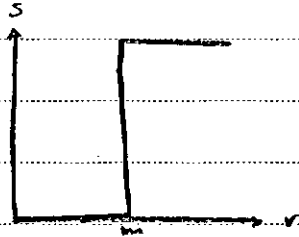
Contrast Stretching *

سطوح تاریک را از m تا n تاریک می کند و باطل می کند.

$$s = T(r)$$



Stretching



Produce Binary

Mask Processing / Filter *

استادانه همبستگی

تاریخ روی تعدادی سطح تاریک

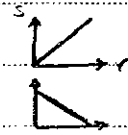
Linear Transformation

- identity

خروجی = ورودی

- negative

خروجی = نقطه تصویر ورودی



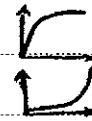
Logarithm Trans.

- log

خروجی = گسترش محدوده تاریک

- inverse log

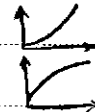
خروجی = گسترش محدوده روشن



Power Law Trans

- n^{th} power

- n^{th} root



Negative Linear

$$s = h - 1 - r$$

مناسب برای بدیت آوردن جزئیات تصویر تیره

(nonlinear stretching) log

$s = c \cdot \log(1+r)$

بخش تیره با روشن تصویر را کمتر می دهد و تیره را بیشتر می کند

power law

$s = Cr^\gamma$

identity

$\leftarrow C = \gamma = 1$

کنتراست بیشتر

$\leftarrow \gamma \uparrow$

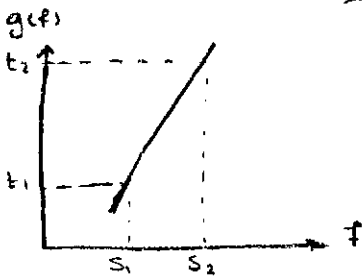
Gamma Correction

wash-out

$\leftarrow 0 < \gamma \ll 1$

Linear Stretching *

سطح محدود شدت نور را در کل بازه شدت نور بخش می کند



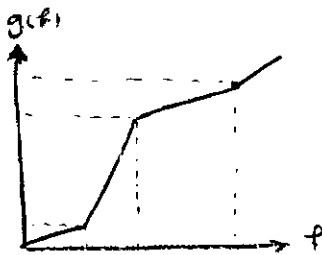
$g(p) = ap + b$

$= \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} \times (p - s_1) + \dots$

رفع سه آلودگی (تاری) تصویر

Piecewise

استفاده از چند Linear



رفع مشکلاتی مانند ندرپردازی سفید، انتقال بازه دینامیک در سنسور تصویر برداری، و یا تنظیم نور در دستگاه تصویر برداری

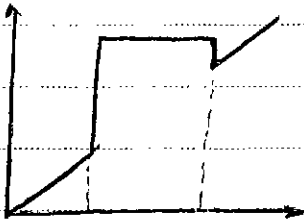
Slicing *

highlight می کنیم

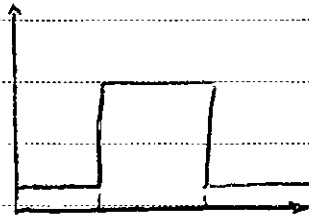
سطح خاصی را

Subject:

Year: ... Month: ... Date: ... 9



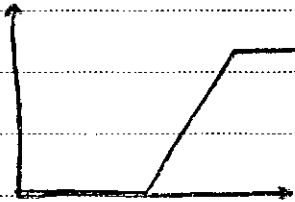
highlighting



slicing

Clipping *

• قطع کردن بازه‌های نامرئی در



Bit-plane Slicing *

- استفاده از بیت‌های مختلف تصویر برای درک میزان شلوغی آنها در تصویر
- بیت‌های پرارزشتر داده‌های چشم‌انداز را دارند.

Steganography

- ۱- تصویر به بلوک‌های 8×8 تقسیم می‌شود
- ۲- تبدیل دودویی می‌گیرند
- ۳- اطلاعات فرکانس پایین حذف می‌شوند ← برای چشم دیدنی نیست
- ۴- اطلاعات رمز شده در فرکانس پایین ذخیره می‌شوند.

* انتخاب تابع مناسب برای تصویر
• استفاده از سیستم رمزنگاری

پروژه اول

GUI در ادوات گرافیکی

• رمزنگاری تصاویر، ذخیره کردن، نمایش دادن با ایجاد مختلف

Subject:

Year. Month. Date. ()

• بزرگ درجه روشن

128 x 128 → 512 x 512
300 x 300

• درجه‌های از ۲ باشد
• دقت رادیکالی

8 bit → 3 bit

bit - planes

• عملگرهای ریاضی

• جمع، در، تقسیم، تفریق، تقسیم

• تبدیلات مختلف

Scaling

Rotation

* استفاده از استاندارد تصویر

• علت استفاده ←

under exposed images

over exposed images

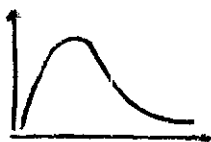
r_k : k^{th} gray level

n_k : # of pixels have r_k value

$$P(r_k) = \frac{n_k}{n}$$

تابع توزیع احتمال

$$h(r_k) = n_k$$



تصویر بسیار تیره



تصویر بسیار روشن



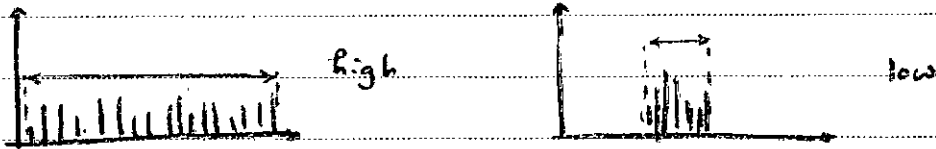
تصویر مسطح

Subject: _____

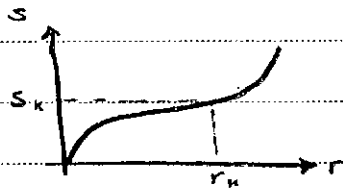
Year: _____ Month: _____ Date: _____ ۵۵

• کاربرد دو نشانه سازی تقدیر ← سدا کردن پیلهای دارای اطلاعات افزونه
 • کاربرد در تقطه بندی

Contrast



• کاربرد سازی بیشتر برای
 - دادن توزیع پذیراقت به بیشتر برای



$$S = T(r)$$

تبدیل حالت $T(r)$ ← دارای مقدار یکنوا
 ← محدود تبدیل معکوس
 $0 \leq r \leq 1 \Rightarrow 0 \leq T(r) \leq 1$

تبدیل معکوس

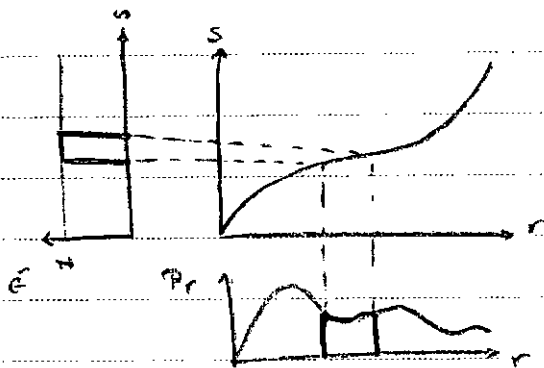
$$s = T(r) \Rightarrow r = T^{-1}(s)$$

تبدیل تقدیر در واقع تابع توزیع محلی تقدیر انتخاب می شود تا شرایط $T(r)$ درضا کند. تابع نهایی توزیع پذیراقت داشته باشد.

$$S = T(r) = \int_0^r P(w) \cdot dw$$

$$\left| \frac{dr}{ds} \right| = P_r(r) \cdot \frac{1}{P_s(s)} = 1$$

$$\frac{ds}{dr} = \frac{dT(r)}{dr} = P_r(r)$$



۱- لیست کردن این رابطه می توان برای سیستم‌ها تقریباً بهراحت دست یافت
 - اگر سیستم

۱- تصویر $M \times N$ ، سطح L ورودی شود

$k=1, \dots, L-1$

۲- سیستم $H(k)$ به دست می آید

۳- تابع توزیع تجمعی به دست می آید

$$T(k) = \sum_{i=0}^k H(i) / M \times N$$

۴- نگاشت سطح تعیین می شود

$$g(k) = \underbrace{T(k)}_{0 \le k \le 1} \times L$$

• سیستم‌ها مشخص (Histogram Matching)

۱- یک سیستم‌ها خروجی داریم که سعی کنیم سیستم‌ها ورودی به آن برسد
 - این روش اصلی

Input Histogram $S=T(r)$ Equalized Histogram of Input

Desired Histogram $v=T(x)$ Equalized Histogram of Output

می خواهیم این دو برابر شوند

Subject:

Year... Month... Date... 7b

۲ دردی و x دیت است. می خواهیم G^{-1} را بیابیم.

$$s = T(r) = G(x)$$

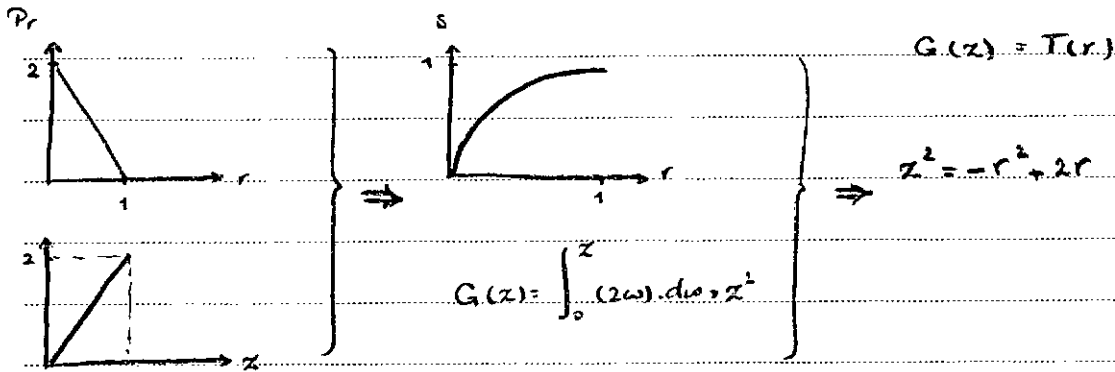
$$x = G^{-1}(s) = G^{-1}(T(r))$$

نکات:

$r = \text{hist of input}$ Equalize \rightarrow $s = T(r)$

$x = \text{hist of desired}$ Equalize \rightarrow $v = G(x)$

حل: $v = s$



برای مقدر

۱- تبدیل سیستم دردی و خروجی H_x و H_r

۲- پیدا کردن نسبت برای مجموعی دردی S_x

۳- دنبال نزدیکترین $G(z)$ سیستم S_x نزدیک بایند و x تناظر را می یابیم.

$$r \rightarrow s \rightarrow x$$

۴- برای هر تبدیل

* عملیات ریاضی
• تقریب

$$[0, 255] - [0, 255] = [-255, 255]$$

برای درست کردن بازه در راه وجود دارد.

۱- جمع با 255 رتبه با ۱۰۰ رتبه در دست بودن دست

۲- بودن $[g_{min}, g_{max}]$ به $[0, 255]$

میانگین گیری

مدل نویسی $g(x, y) + f(x, y) + \eta(x, y)$

نویز

نسبت به تقویر دوری
میانگین آن صفر باشد

میانگین

$$\bar{g}(x, y) = \frac{1}{K} \sum_{i=1}^K g_i(x, y)$$

$$E\{\bar{g}\} = f(x, y)$$

$$\sigma^2\{\bar{g}\} = \frac{1}{K} \sigma^2 \xrightarrow{K \rightarrow \infty} \bar{g} \rightarrow f$$

خودمان نویز را نادیده می‌گیریم، به تقویر اضافه می‌کنیم و میانگین می‌گیریم

* فیلتر در دامنه مکانی

• معمولاً تعداد سطر و ستون آنها عدد فردی است. - نقطه + همبستگی ستان
• گامزداری با فیلتر

- بدون حمل نظر اعمالی فیلتر

- ضرب عنصر در عنصر با تقویر و حاصل جمع گیری

• روشهای گامزداری برای بسط ناحیه مرز

- شروع از (۰، ۰) و عنصر در نظر گرفتن ناحیه بدون ساطر فیلتر

- شروع از (۰، ۰) و عنصر در نظر گرفتن ناحیه مرز

- شروع از (۱، ۱) و گرفتن ساطر مرز که از تقویر خارج نشود

$$\frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

فیلتر پایین گذر → تغییر اندازه می شود
blur

☑

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

فیلتر بالا گذر → نشان دادن ناپدید شدن

☑

Smoothing *

Blurring (تار کردن) • حذف نویز
از بین بردن جزئیات کوچک
محو کردن ماسک های کوچک

Noise Reduction • خطی
غیر خطی

Low pass filter ← روشن ماندن لبه های

لبه های تقویر → از حذفی ترین سطح خالصی → محو می شود

$$\frac{1}{9} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

box filter

$$\frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

weighted average (gaussian low pass filter)

Order-Statistics Filter *

Median • (salt & pepper) مناسب برای نویز ضربی

تاری کمتر
نقاط انزله با اندازه n و اندازه n حذف می شوند

Max, Min •

Subject :

Year .

Month .

Date . ()

Sharpening *

- واضح کردن جزئیات
- نقاط احتمالی دیده شده

- ← مشارکت ← ramp
- ← مشارکت ← isolated point
- ← مشارکت ← thin line
- ← مشارکت ← flat segment
- ← مشارکت ← step



• مشتق اول و دوم یک بعدی

$$\frac{\partial f}{\partial x} = f(x+1) - f(x)$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f(x+1) + f(x-1) - 2f(x)$$

• لاپلاسیان دو بعدی

$$\nabla^2 f = f(x+1, y) + f(x-1, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1) - 4f(x, y)$$

0	1	0
1	-4	1
0	1	0

1	1	1
1	-8	1
1	1	1



• مجموع ضرایب برابر صفر

• مجموع ضرایب فیلترهای blur برابر یک است

0	-1	0
-1	3	-1
0	-1	0

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1

$$f_s = f - \nabla^2 f$$

• لاپلاسیان و جمع با فیلتر اولیه

Sharpened img = original img - blurred img

$$f_s = f - \bar{f}$$

Subject:

Year: Month: Date: 13

high-boost filtering .

$$f_{Rb} = A \times f - \bar{f}$$

$$= (A-1) f - f_s$$

generalized form ($A > 1$)

0	-1	0
-1	A+4	-1
0	-1	0


مشتق اول (درجه 1)

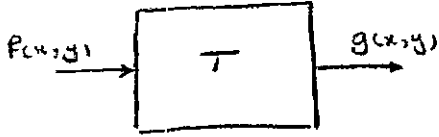
$$\nabla f = [G_x^2 + G_y^2]^{1/2} \approx |G_x| + |G_y|$$

Subject:

Year. Month. Date. ()

Frequency Domain

دانشگاه فراتر 



* خاصیت خطی

$$T [a f(x,y) + b h(x,y)] = a T(f(x,y)) + b T(h(x,y))$$

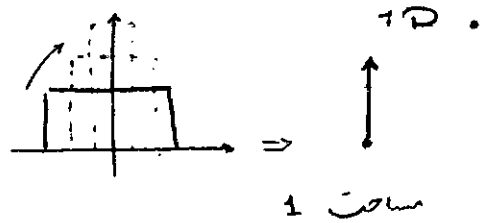
* Shift Invariant

if $f(x,y) \rightarrow g(x,y)$
 then $f(x-a, y-b) \rightarrow g(x-a, y-b)$

* Point Spread Function (PSF)

بیخ لیزر دو بعدی
 عبور فیزیکی: تابع پهن شدن اولیه لیزر در اثر عبور از سیستم

$$\delta = \lim_{a \rightarrow 0} \frac{1}{a} \text{rect} \left(\frac{t}{a} \right)$$



2D .

$$f(x,y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x',y') \delta(x-x', y-y') dx' dy'$$



Subject:

Year: Month: Date: 14

$$h(x, y) = \Theta [S(x, y)]$$

یعنی

$$g(x, y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x', y') \Theta [S(x-x', y-y')] \cdot dx' dy'$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x', y') h(x-x', y-y') \cdot dx' dy'$$

$$= F(x, y) * h(x, y)$$

بروزہ (د)

GUI .

Linear Transformations

Non-linear Transformations

Bit-Plane Slicing .

Hist Equalization

Hist Matching .

Image Averaging .

Spatial Filters .

۱۳۸۸، ۲، ۲۰

بروزہ (د)

بازیابی تصویر

Restoration

* علت اعوجاج

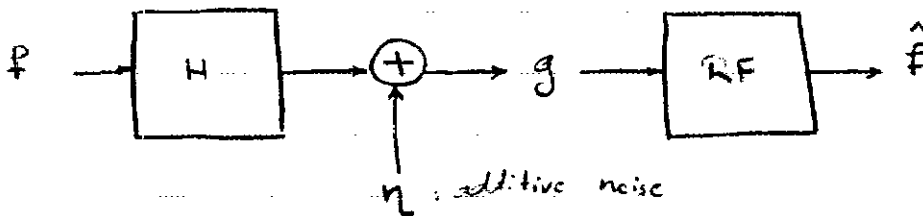
- محیط
- نویز سفید
- تاری در سفید
- اعوجاج هندسی

← استلاطات جوی ، حرکت تاین ، ...

← درزش دست

← دربین fish-eye

* برعکس کردن موجب تغییر در تقویر شود ، - محدودیت مستقیم دیده می شود :



degradation

restoration

$$g = h * f + n \iff G = H \cdot F + N$$

* منشأ نویز

- نویز سفید
- نویز محیط

← مدارهای الکترونیکی ، تلخ نور ، دمای سفید

← ندرپردازی ، تغییرات جوی ، سفیدهای قوی الکتریکی اغتصابی

* مدلهای نویز

- نویز گوسی

$$P(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(z-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

فرضها : استقلال از موقعیت مکانی ، استقلال از مختصات تقویر

Subject:

Year: Month: Date: 15

• توزیع دزی برای (تک تلفظی)

$$P(x) = \begin{cases} P_a & , x=a \\ P_b & , x=b \\ 0 & , o.w \end{cases}$$

• توزیع Rayleigh

$$P(x) = \begin{cases} 0 & z < a \\ \frac{2}{b}(z-a) e^{-\frac{(z-a)^2}{b}} & z \geq a \end{cases}$$

• توزیع گاوسی

• توزیع نمایی

مدل توزیع دزی برای تران با بدین پیوند را مشخص داد

• توزیع مارتی

مدل این توزیع دزی برای تران با بدین مدل دزی فرکانس مشخص داد.

* جزب توزیع مارتی برای مکانی

← کاهش توزیع مارتی	• سائین حسابی
	• مینیمم هندسی
	• مارتی

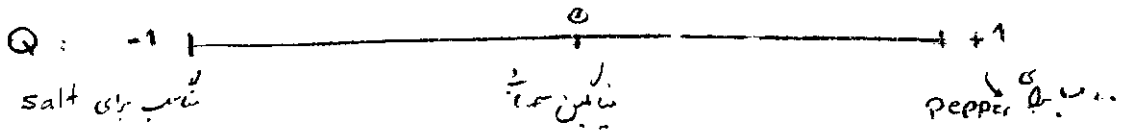
↗ مناسب برای توزیع دزی

↗ مناسب برای salt و مناسب برای pepper

$$\hat{f} = \frac{mn}{\sum \frac{1}{g}}$$

• میانگین عدد در فضا

$$\hat{f} = \frac{\sum g^{Q+1}}{\sum g^Q}$$



- میانگین ← شماره برای بردارهای نزدیک
- max ← حذف pepper
- min ← حذف salt
- نقطه وسط ← شماره برای گوسی

$$\frac{\max + \min}{2}$$

• برپس آندای میانگین — حذف d_{12} از بزرگترین داده و d_{12} از کوچکترین داده ؟

📌 **تزیین سری سود** (تحلیل ۷۷ در پیوست)

• Fourier Transform

• Shift عمل

• بردار جهت را بدانید

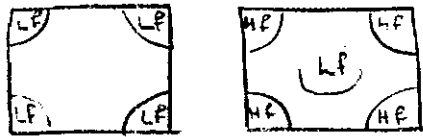
• low Edge

• High # of Edges

• Direction —

• Periodic Images —

• Filters



gaussian • butterworth • ideal : LP —

• • • • • : HP —

📌 **میزه تمام : موضوع**

Subject:

Year. Month. Date. ()

روزہ

GUI

Implementation of AC and HC

Compare the file size before & after

Differential Coding

Read Image

Difference of each pixel with Neigh.

Draw Histogram

Calculate Entropy

Predictive Coding

Predict each pixel from its 2 Neighbors

Find the error prediction

Compute & Draw Entropy

Implement the blocking JPEG

Subject: _____

Year: _____ Month: _____ Date: _____ ()
